

◎算数の入試問題について

算数は計算問題、小問集合、そして図形や関数などの大問から構成されています。

配点は、計算問題は5点が2問、小問集合は5点が4問、7点が2問、8点が2問（記述式）です。

大問は2題あり、それぞれ5点～8点の3つの小問から構成されています。大問1題の合計は20点で、それぞれ記述式の問題を1問ずつ含みます。

記述式の問題の採点では、まず答えがあっているかを見ます。答えがあっていない場合のみ、途中の考え方を見て、部分点を加えています。

1 基本的な計算問題です。

- (1) 計算の順序が正しく行えるかを見る問題です。答えは20です。
- (2) 逆算の問題です。答えは2250です。

2 小問集合（標準）です。

- (1) 整数、(2) 割合、(3) 図形、(4) つるかめ算 の問題です。

各問い合わせの答えは、(1) 140、(2) 533人、(3) 22倍、(4) 13人です。

3 小問集合（応用）です。

- (1) 割合、(2) 仕事算、(3) 旅人算、(4) 流水算 の問題です。

各問い合わせの答えは、(1) 30g、(2) 40日間、(3) $428\frac{4}{7}$ m、(4) 毎分50mです。

この中から(3)と(4)について解説します。

(3) はじめに妹が自転車に乗るので、姉と妹の速さの比は[3]:[6]なので進む道のりの比も[3]:[6]です。よって、ABを往復した道のりは[9]と表せるので、ABの道のりは[4.5]になります。

1回目に姉が妹に自転車を渡す場所をC地点とすると

$$2700 \div [4.5] \times [3] = 1800 \text{ より C 地点は、A 地点から } 1800 \text{ m の場所になります。}$$

次に、姉が自転車に乗るので、速さの比（進む道のりの比）は[9]:[2]です。

よって、BC間の道のり（900m）は $([9]-[2]) \div 2 = [3.5]$ になります。

$$\text{姉が自転車を妹に渡す場所をD地点とすると } 1800 - 900 \div [3.5] \times [2] = \frac{9000}{7} \text{ m}$$

より、D地点はA地点から $\frac{9000}{7}$ mの場所になります。

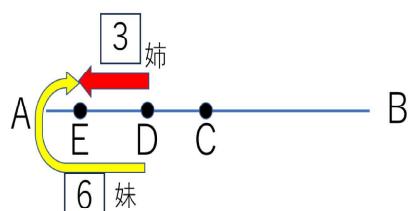
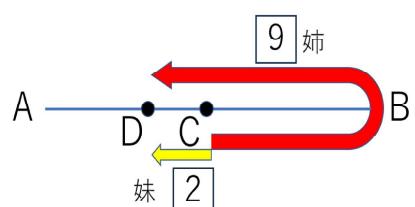
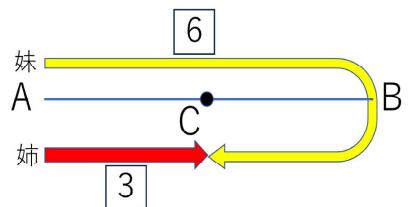
次に、妹が自転車に乗るので、速さの比（進む道のりの比）は[3]:[6]です。

2回目に妹が姉に自転車を渡す場所をE地点とするとAE間の道のりは

$$[1.5] \text{ になるので } AE : ED = [1.5] : [3] = [1] : [2] \text{ です。}$$

$$\text{よって、} \frac{9000}{7} \times \frac{1}{3} = \frac{3000}{7} \text{ より、2回目に妹が自転車を渡す場所は}$$

A地点から $428\frac{4}{7}$ m離れた場所になります。



(4) 船の動きをダイヤグラムにまとめると次の図1のようになります。また、BからAに向かう部分を停泊時間（12分）だけ平行移動したものが図2です。

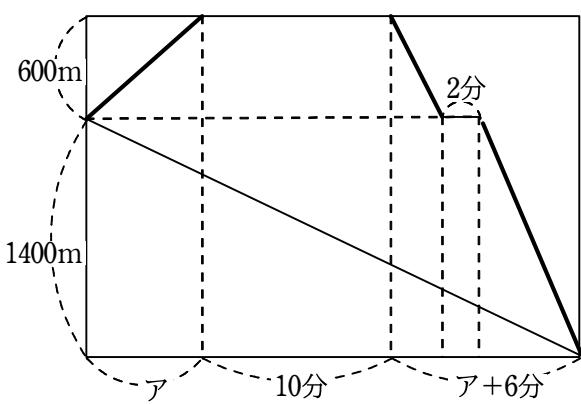


図1

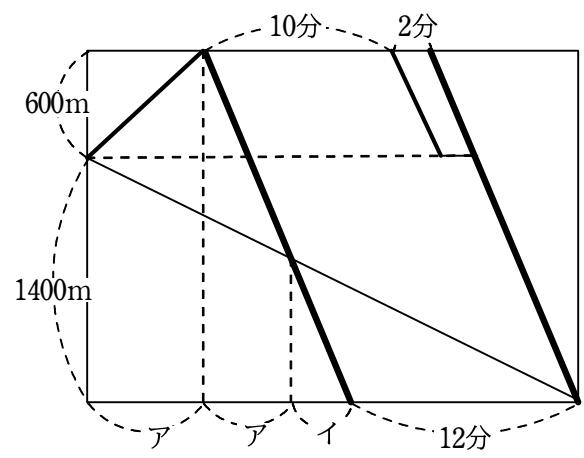


図2

図1と図2のダイヤグラムを比較すると、図2のイは4分にあたります。つまり、船で4分進む距離を帽子は4+12=16分かかったことになります。

したがって、(船の下りの速さ) : (川の流れの速さ) = 16 : 4 = 4 : 1 なので

(船の静水時の速さ) : (川の流れの速さ) = 3 : 1

(船の上りの速さ) : (船の下りの速さ) = 2 : 4 = 1 : 2

よって、船が4分間で進む距離は $600 + 1400 - 600 \times 2 = 800$ (m) です。

この距離を帽子は16分かかったので、川の流れの速さは $800 \div 16 = 50$ より 每分 50 mです。

4 食塩水の濃度の問題です。

(1) 最初の食塩水の量をAは②、Bは⑦とすると全体は⑨です。食塩水を入れ替えた後のAとBの比は1:2なので全体を⑨にするとAは③、Bは⑥になったことになります。Aの増えた分が① = 40gとなるので、最初のAの量は80gです。

(2) (1)より最初のBの食塩水の量は $40 \times 7 = 280$ gです。このとき、Bには $\frac{10}{100} \times 280 = 28$ gの食塩が溶けています。

(1)の操作のあと、Bの容器に溶けている食塩の量は $28 \times \frac{230}{280} + \frac{15}{100} \times 10 = 24.5$ gです。

この食塩水を10%にするためには、 $\frac{24.5}{240 + \square} = \frac{10}{100}$ より $\square = 5$

よって、水を5g加えると10%の食塩水になります。

(3) 容器Aには190gの水を加えたので、Aの濃度は $\left\{ \frac{15}{100} \times (80 - 10) + \frac{10}{100} \times 50 \right\} \div (120 + 190) \times 100 = 5\%$ です。

また、食塩水の取り出し方は、次の2通りです。

① 操作P: 容器Aから20g 操作Q: 容器Bから30g ② 操作P: 容器Aから30g 操作Q: 容器Bから20g

このとき、1回の操作で取り出す食塩の量は、①A:1g、B:3g ②A:1.5g、B:2gです。

濃度が低いものを考えるので、Aを多く取り出すことを考えればよいことになります。

操作Pを x 回、操作Qを y 回行ったとすると

①のとき、 $20 \times x + 30 \times y = 200$ となる x, y の組のうち P の回数がもっと多いのは $x=7, y=2$ です。

このとき、食塩の量は $1 \times 7 + 3 \times 2 = 13$ g です。

②のとき、 $30 \times x + 20 \times y = 200$ となる x, y の組のうち P の回数がもっと多いのは $x=4, y=4$ です。

このとき、食塩の量は $1.5 \times 4 + 2 \times 4 = 14$ g です。

よってもっとも濃度が低くなるのでは①のときで、その濃度は $\frac{13}{200} \times 100 = 6.5$ より 6.5% です。

5 グラフの問題です。2つのグラフから点Pがどのように移動したかを読み取ります。

秒	三角形PAB	三角形PCD	Pの動き
0~8	増加	増加	上
8~12	一定	減少	右
12~20	増加	増加	上
20~26	一定	増加	左
26~	減少	減少	下

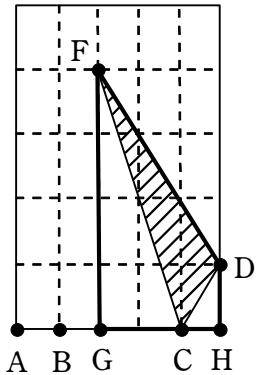
(1) 8秒後の面積が 72 cm^2 なので、三角形PABの高さは $72 \div 6 \times 2 = 24$ より、24 cm です。

よって、点Pの速さは $24 \div 8 = 3$ より秒速3 cm です。

(2) 上の表から 26秒後の位置は右図のFの場所になります。点G, Hを図のようにとると
求める面積は

$$(\text{台形FGHD}) - (\text{三角形FGH}) - (\text{三角形CHD})$$

$$= \frac{1}{2} \times (48 + 12) \times 18 - \frac{1}{2} \times 48 \times 12 - \frac{1}{2} \times 6 \times 12 = 216 \text{ より、} 216 \text{ cm}^2 \text{ になります。}$$



(3) 三角形PABのグラフからPが動き終わった時間の面積は 72 cm^2 であることから
8秒後ごと同じ高さになるので24 cm下がったことになります。

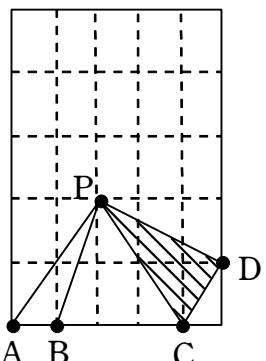
よって、最後の時間は34秒です。

上の表の時間ごとに面積の和を確認します。

① 0~8秒のとき、三角形PABも三角形PCDも面積は増加するので、8秒後に
面積が最大になります。このとき、面積の和は

$$72 + \frac{1}{2} \times (12 + 24) \times 18 - \frac{1}{2} \times 12 \times 24 - \frac{1}{2} \times 6 \times 12 = 180 \text{ cm}^2$$

よって、面積の和が 324 cm^2 になることはありません。

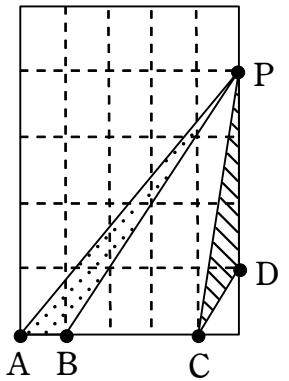


② 8~12秒のとき、三角形PABの面積は一定で、三角形PCDの面積は減少するので、
面積の和が 324 cm^2 になることはありません。

③ 12~20秒のとき、三角形PABも三角形PCDも面積は増加するので、20秒後に面積が最大になります。このとき、面積の和は

$$\frac{1}{2} \times 6 \times 48 + \frac{1}{2} \times 6 \times 36 = 252 \text{ cm}^2$$

よって、面積の和が 324 cm^2 になることはありません。



④ 20~26秒のとき、三角形PABの面積は一定で、三角形PCDの面積は増加します。

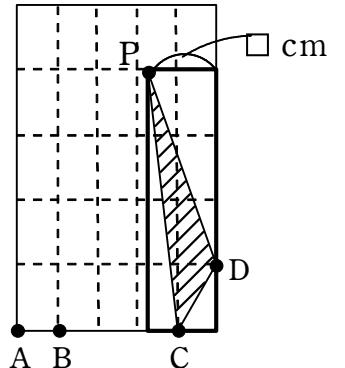
このときの面積の和は(2)より $144 + 216 = 360 \text{ cm}^2$ なので、20~26秒で面積の和が 324 cm^2 になるときがあります。

三角形PCDの面積が 180 cm^2 になるときを求めます。

図のように20秒後の位置から左に $\square \text{ cm}$ 進んだとすると、三角形PCDの面積は

$$\frac{1}{2} \times (12 + 48) \times \square - \frac{1}{2} \times (\square - 6) \times 48 - \frac{1}{2} \times 6 \times 12 = 180 \quad \text{より} \quad \square = 12 \text{ cm}$$

よって、 $20 + 12 \div 3 = 24$ 秒後に面積の和が 324 cm^2 になります。



⑤ 26~34秒のとき、三角形PABも三角形PCDも面積が減少するので、

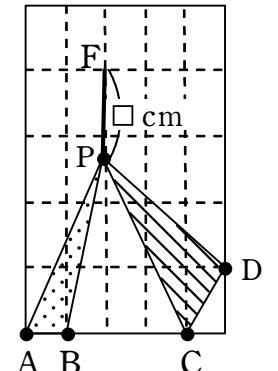
26~34秒でも面積の和が 324 cm^2 になるときがあります。

26秒後の場所をFとし、Fから下に $\square \text{ cm}$ 下がったとすると

$$\frac{1}{2} \times 6 \times (48 - \square) + \frac{1}{2} \times (12 + 48 - \square) \times 18 - \frac{1}{2} \times 12 \times (48 - \square) - \frac{1}{2} \times 12 \times 6 = 324$$

これより $\square = 6 \text{ cm}$

よって、 $26 + 6 \div 3 = 28$ 秒後に面積の和が 324 cm^2 になります。



以上より、面積の和が 324 cm^2 になるのは、24秒後と28秒後です。