

算数は計算問題が2題、一行題、そして図形や関数などの大問から構成されています。
配点は計算問題が各5点、一行題は5点が6問、6点が2問、大問は各6点となります。
また記述式の問題3題が出題されています。その採点方法は答えがあていない場合のみ、途中の考え方をみて、途中点を加えています。

1 基本的な計算問題です。

- (1) 計算の順序を的確に行えるかを見る問題です。答えは78です。
- (2) 小数と分数が入っているので、このような問題では分数に統一して計算します。

答えは $\frac{5}{6}$ です。

2 1行問題です。

- (1) 数の性質 (2) 割合 (3) 周期算 (4) 図形の性質 (5) 相似な図形 (6) 比 (7) 図形の面積 (8) 場合の数

いずれも各項目の基本事項が定着しているかを見る問題です。

(7) 図形の問題です。画面の6個の正三角形を図のように動かします。すると、白い部分の面積は1辺が2cmの正方形6個分と等しいことがわかります。よって、答えは 24cm^2 となります。

(8) 場合の数の問題です。十の位を四捨五入して、百の位までの概数にしたとき、2000になる数は1950番台から2040番台の数です。同じ数を使えないことに注意をすると、十の位までは7個の場合が考えられます。1950番台の数の一の位の数は、1, 9, 5以外の7個の場合が考えられます。同様に1960番台~2040番台の一の位の数もそれぞれ7個の場合が考えられます。よって、求める答えは49個となります。

この問題は記述式の問題です。四捨五入した数は1950番台~2040番台であることが分かった場合や、一の位の数はそれぞれ7個の場合があることがわかった場合に途中点が与えられます。

3 グラフを用いて考える問題です。

- (1) 与えられているグラフによしさんが、スタートしてからの時間と道のりの関係を書き込むと2人は同時にC地点についているので、画面のような赤い線で表すことができます。この赤いグラフは、スタートしてから5分後に5km進んでいるので、20分後には20km進んだことがわかります。ここで、グラフでアとイの道のりを表している部分だけピックアップして考えていきます。問題文より、アとイの道のりの比は1:3なので、ア:(イ-ア)の比は1:2となります。イ-アの道のりは6kmなので、

求めるアの道のりは3 kmとなります。

(2) (1) よりA地点～B地点までの距離は11 km、また、B地点に着くのは出発してから11分後と求められます。問題はB地点まで進んだ後、たか子さんと同じ速さで進んでC地点に行くので、その様子をグラフで表すと、画面の赤い線で表すことができます。求めるのはこのときかかった時間です。問題文よりアとイの道のりの比は1 : 3なので、時間の比も1 : 3となります。よって(イア)の時間は2で表すことができます。グラフより1の部分の時間は9分、よって2の部分の時間は18分とわかります。よって、求める答えは38分となります。

4 食塩水の問題です。

(1) 操作を順に行って考えていきます。まず操作Ⅰは容器Aの食塩水を容器Cに120 g移します。すると容器Aには180 gの食塩水が残ります。次に操作Ⅱは容器Bの食塩水を容器Aに120 g移します。すると容器Bには480 gの食塩水が残ります。最後に操作Ⅲは容器Cの食塩水を容器Bに移します。これで操作はすべて終了しました。①の問題は、このときの容器Aの食塩水の濃度、②の問題は、容器Bの食塩水の濃度を答える問題です。面積図を用いて考えていきます。

① 4% 180 g と 10% 120 g の食塩水を混ぜたときにできる食塩水は、黄色の長方形で表せます。このとき、青と赤の長方形は面積が等しくなります。また、2つの長方形の底辺の長さの比は3 : 2なので、高さの比は2 : 3となります。求める値は黄色い長方形の高さにあたるので、答えは6.4%となります。

②も同様に考えます。10% 480 g と 4% 120 g の食塩水を混ぜたときにできる食塩水は、黄色の長方形で表せます。このとき、青と赤の長方形は面積が等しくなり、底辺の長さの比は1 : 4なので、高さの比は4 : 1となります。よって、答えは8.8%となります。

(2) まず、操作をすべて終えたときの、容器AとBの食塩水の濃度を求めます。2つの容器の食塩水が同じ濃度になったということは元々あった2つの食塩水を混ぜ合わせ、よくかき混ぜて2つの容器に分けて入れたときと同じ濃度になるはずですが、面積図を用いて考えると、このときできる食塩水の濃度、黄色の長方形の高さは(1)同様に考え、8%と分かります。

ここで問題を整理します。(1)同様に、操作を順に行って考えていきます。まず操作Ⅰで容器Aの食塩水を容器Cに□ g 移したとします。すると容器Aには(300 - □) g の食塩水が残ります。次に操作Ⅱは容器Bの食塩水を容器Aに□ g 移します。すると容器Bには(600 - □) g の食塩水が残ります。最後に操作Ⅲは容器Cの食塩水を容器B

に移します。これで操作はすべて終了しました。

このときの容器AとBの食塩水の濃度が同じ8%になったそうです。よって容器Aに注目して、面積図で考えていきます。4%の食塩水(300-□)gと10%の食塩水□gを混ぜたときにできる食塩水は黄色い長方形で表すことができます。この食塩水の濃度が8%でした。このとき、青と赤の長方形は面積が等しくなり、2つの長方形の高さの比は2:1なので、底辺の比は1:2とならなければいけません。

つまり(300-□):□=1:2となることがわかります。よって求める値は200gとなります。

この問題は記述式の問題です。容器A、Bの濃度がどちらも8%であることが求められた場合や、面積図やてんびんなどの図がかけていた場合、途中点が与えられます。

5 数の性質の問題、特に公倍数に注目する問題です。

(1) 差に注目します。おつりは10円玉と100円玉のみで渡されこの差は90円です。よって2人のおつりの差は90の倍数であることがわかります。また品物AとBの値段の差は70円です。よって2人の品物の合計金額の差は70の倍数であることがわかります。2人の品物の合計金額の差は、2人のおつりの差と考えることができるので、2人のおつりの差は90の倍数でもあり、70の倍数でもあります。つまり、2人のおつりの差は90と70の公倍数、つまり630の倍数であることがわかります。おつりは問題文より1000円未満であることが分かるので、630円であるとわかります。よって求める答えは、 $630 \div 90 = 7$ (枚) となります。

この問題は記述式の問題です。おつりの差が90円、品物の金額の差が70円そして最小公倍数630に注目できていた場合に途中点が与えられます。

(2) まずたかこさんが買った品物AとBの個数の差を(1)同様に求めると9個ということがわかります。また(1)より、10円玉と100円玉の枚数の差は7枚だったので、たかこさんがもらったおつりは180円か290円ということになります。ではこのとき買った品物の個数をそれぞれの場合で求めてみたいと思います。

まずおつりが180円とすると、たかこさんの品物の合計金額は4820円です。また、たかこさんは品物Bを品物Aより9個多く買ったことに注意すると品物Aは22個買ったということがわかります。

同様におつりが290円とすると、たかこさんの品物の合計金額は4710円です。このとき、品物Aをいくつ買ったかを求めると、割り切れません。よってこの場合は問題が成立しないので、求める答えは180円となります。

(3) (2)よりたかこさんが買った品物Aの個数は22個となります。よって、品物Bは品物Aより9個多く買っているので、答えは31個となります。