

算数は計算問題が2題、一行題、そして図形や関数などの大問から構成されています。  
配点は計算問題が各5点、一行題は5点が6問、6点が2問、大問は各6点となります。  
また記述式の問題3題が出題されています。  
その採点方法は答えがあていない場合のみ、途中の考え方を見て、部分点を加えています。

1 基本的な計算問題です。

(1) 計算の順序を的確に行えるかを見る問題です。答えは122です。

(2) 小数と分数が入っているので、このような問題では分数に統一して計算します。

答えは $\frac{4}{5}$ です。

2 1行問題です。

(1) 周期算 (2) 比 (3) 立体の体積と比 (4) 流水算 (5) 図形の角度

(6) 食塩水 (7) 図形の面積 (8) 条件整理の問題

いずれも各項目の基本事項が定着しているかを見る問題です。

(6) 食塩水の問題です。面積図を用いて考えていきます。

まず、水100gと食塩水200gを混ぜてできる食塩水は赤い長方形で表すことができます。次に、間違っただけの濃度の食塩水100gを加えて出来た食塩水は青い長方形で表すことができます。このとき出来上がった食塩水は予定より2%濃くなっていました。つまりピンクの長方形の面積だけ食塩が増えてしまったことになります。予定より増えた食塩の量は、間違っただけの濃度の食塩水100gに含まれる食塩の量、すなわち水色の長方形の面積ということがわかります。

よって、2つの長方形の面積が等しいので $\square \times 100 = 2 \times 300$ が成り立ち、求める答えは6%となります。

(7) 図形の面積の問題です。まず青い辺に垂直に補助線を引きます。

このときできる直角三角形、赤い四角形+白い三角形と黄色い三角形+白い三角形は、形も大きさも同じ直角三角形となるので、面積も等しくなります。2つの直角三角形が重なっている白い三角形を、2つの直角三角形から引いた面積も等しくなるので、赤と黄色の図形の面積は等しくなります。よって、求める面積の半分にあたる面積は、赤い図形の面積を黄色い図形におきかえると、中心角が30度の扇形の面積と等しいことがわかります。求める面積の残り半分も同様に、中心角が30度の扇形の面積と等しくなるので、求める面積は中心角が60度の扇形の面積となります。

よって、答えは $18.84 \text{ cm}^2$ となります。

(8) 条件を整理する問題です。図1の天びんはつりあっているので、13gずつに分けられたことが分かります。6個の重りを使って13gを作るには、1つしかありません。4個の重りを使って13gを作るには、2つが考えられます。しかし何個か入れ替えて図2のようにするには、13gを3gが3つ、4gが1つでは、できないことがわかります。よって、求める3gの重りは2個となります。

この問題は記述式の問題です。13gに分けて考えることや、和が13gになる式が書けていた場合に途中点が与えられます。

3 グラフを読み取る問題です。

(1) 水を入れ始めてから40分から65分の25分間は管AとBで水を出しています。それぞれ毎分1ℓで水が出るので、毎分2ℓ、水が減っていき、25分後に空になります。よって、40分後の水の量は50ℓとなります。

(2) まず水を入れ始めてから10分後の水の量を求めます。初めの10分間は管Aのみで水を出しているため、毎分1ℓずつ減っていき、10分後には50ℓとなります。つまり(1)より、10分後と40分後の水の量は同じことがわかり、この間に水を入れる量と、水が出る量は同じであることがわかります。

10分後～20分後の10分間は管Aが開いているので、毎分1ℓずつ水が減ります。

20分後～40分後の20分間は管AとBが開いているので、毎分2ℓずつ水が減ります。よって、この間50ℓの水が出ていきます。また、この間常に管Cは開いているので、管Cは30分で50ℓの水を入れていることとなります。

求める値は、管Cが60ℓ入れるための時間なので、 $30 : 50 = \square : 60$ が成り立ち、よって、求める答えは36分となります。

4 まず数の性質について整理しておきます。わかりやすくするため、小さな数を用いて

説明を行います。 $9 \div 4 = 2 \cdot \cdot \cdot 1$ です。また、 $9 \div 4 = 2.25$ でもあります。

つまり、小数部分の0.25は $1 \div 4$ 、すなわち(余りの)  $1 \div$  (割る数) 4で求めることができます。この性質を用いて考えていきます。

(1) ある数を7で割ったとき余りが1～6になる数の小数部分は、どれも1, 2, 4, 5, 7, 8の6個の数が繰り返されています。この6個の数の和は27ですので、求める答えは54となります。

(2) 小数第1位から小数第□位までの数の和が、276であることから小数部分はこの6個の数が、10回繰り返されていることがわかり、ここまでで小数部分の数の和は270です。つまりこの後には足すと6になる数が並んでいることとなります。足して6になる数は、3が余るときだけです。よって、求める答えはある整数は7で割った

とき、商が276、余りが3の数、1935となります。

この問題は記述式の問題です。小数点以下の数は、6個の数が10回繰り返されること  
が分かった場合や余りが3であることが分かった場合に途中点が与えられます。

- (3) (2) より、1, 2, 4, 5, 7, 8の6個の数が10回繰り返されているので、  
ここまでで60個の数が並んでいます。またその後は、和が6となる数までしか並んで  
いないので、4と2の2つしか並んでいません。  
よって、求める答えは62となります。

5 数列の問題です。まず図1, 2, 3の規則性を調べていきます。

図1は正方形を1個増やすごとに、マッチ棒は4本ずつ必要です。

図2は正方形を1個増やすごとに、マッチ棒は3本ずつ必要です。

図3は正方形を2個増やすごとに、マッチ棒は5本ずつ必要です。

よって、 $n$ 列並べたとき必要なマッチの本数は、それぞれ画面のような式で表すことが  
できます。

- (1) 図1のように正方形を作ったら19個の正方形ができたのでマッチ棒は全部で  
76本あることがわかります。問題は76本で図2のように正方形を作っていくので、  
求める答えは25個となります。

- (2) 3人とも使ったマッチ棒の本数が同じなので、図1よりマッチ棒は4の倍数あった  
ことがわかります。また、図3よりマッチ棒の本数の一の位は2または7ということが  
わかりますが、4の倍数でなければいけないので、マッチ棒の本数の一の位は、2とな  
ります。ここまでで、マッチ棒は12, 32, 52, 72, 92本のどれかということが  
わかります。この中で、図2を満たすもの、つまり3で割ったとき1余る数は52の  
みとなります。よって求める答えは52本となります。

この問題は記述式の問題です。図1, 2, 3のように正方形を並べたときに使うマッチ  
の本数の性質が分かった場合にそれぞれ途中点が与えられます。

- (3) ある一定の本数で、マッチ棒1本を1辺とする正方形をできるだけ多く作れるのは  
画面のように正方形を作っていたときです。まずこのときの本数の性質を見つけてい  
きます。

$2 \times 2$ の正方形を作ったとき、横に並んでいるマッチ棒が $2 \times 3$ 本、同様に縦に並んで  
いるマッチ棒も $2 \times 3$ 本あるので、全部で $2 \times 3 \times 2$ 本あります。次に、同様に $3 \times 3$   
の正方形を作ったとき、横に並んでいるマッチ棒が $3 \times 4$ 本、縦に並んでいるマッチ棒  
も $3 \times 4$ 本あるので、全部で $3 \times 4 \times 2$ 本あります。このように考えていくと、 $7 \times 7$   
の正方形をつくるとすると112本必要であることがわかり、問題は100本以下のマ

マッチ棒で作るので、 $7 \times 7$ より大きい正方形は作れません。よって最大で $6 \times 6$ の正方形を作ることができ、そのとき84本のマッチ棒を使うことがわかります。

$6 \times 6$ の正方形を作ったとき、84本のマッチ棒を使うので、このとき残っているマッチ棒は16本です。この16本で画面のように、7個の正方形を作ることができます。よって、求める答えは、43個となります。