

算数は計算問題が2題、一行題、そして図形や関数などの大問から構成されています。

配点は計算問題・一行題が5点、大問が6点となります。

また記述式の問題が3題出題されています。

その採点方法は答えがあていない場合のみ、途中の考え方を見て、部分点を加えています。

1は基本的な計算問題です。

(1)は計算の順序を的確に行えるかを見る問題です。

(2)は小数と分数が入っているので、このような問題では分数に統一して計算します。

2は1行問題です。

(1)は過不足算。(2)は食塩水。(3)は組合せ。(4)は割合。(5)は約束記号。(6)は数列の問題です。いずれも各項目の基本事項が定着しているかを見る問題です。

この中から(5)について解説をします。

まず、通分を行うと、このような式となります。分母が同じなので、分子だけで考えていきます。計算をすると、このようになります。

ここで、 $2 \times a$ は必ず偶数となり、 11 は奇数なので、 $21 \times \langle a \rangle$ は奇数となることが分かります。つまり、 $\langle a \rangle$ は奇数でなければいけないことが分かります。

ここで、 $\langle a \rangle$ は a を4で割ったときのあまりを表しているので、 $0, 1, 2, 3$ ですが、先程奇数であることが分かったので、 1 か 3 ということになります。

よって、初めに通分して出てきたこの式に 1 と 3 を当てはめて考えていきましょう。

$\langle a \rangle$ に 1 を当てはめると、このような式になります。計算するとこのようになるので、 $2 \times a$ は 10 となることが分かります。よって a は 5 となります。

確認をしておく、確かに $5 \div 4 = 1$ あまり 1 となり、 $\langle a \rangle$ が 1 であることに一致します。

同様に $\langle a \rangle$ に 3 を当てはめて、計算を行っていくと a は 26 となります。

確認をしておく、 $26 \div 4 = 6$ あまり 2 となり、 $\langle a \rangle$ が 3 であることに反します。

つまり a は 5 しかないことになります。

この問題は記述式の問題です。与えられた式を通分できた場合や $\langle a \rangle$ に適切な数を代入して考えた場合に部分点が入ります。

3は関数の問題です。

(1)は水が ℓ ずつ出ていくとして考えていきます。

毎分 30ℓ で 45 分間水を入れた場合、水は $30 \times 45 = 1350\ell$ 入るはずですが、しかし毎分 ℓ ずつ 45 分間水を出したので、全部で $\ell \times 45\ell$ 出て、容器がいっぱいになりました。よって容器には $1350 - \ell \times 45\ell$ の水が入ったことになります。

同様に、毎分 50ℓで 20分間水を入れた場合、水は1000ℓ入るはずですが、毎分 0
ずつ20分間、水が出て、容器がいっぱいになりました。よって容器には1000 - ×
20ℓ入ったこととなります。

この2つの状況を線分図で比較するとこのようになります。容器に入る水の量は、同じ
ですので、この黄色い部分は ×25ℓとなります。また、この黄色い部分は350ℓに相
当します。よって、この式を計算すると、答えは毎分14ℓとなります。

(2)は画面の上の棒グラフを用いて考えていきます。(1)より に14を当てはめると、この部分は630ℓと求められます。よって容器の容量は、1350 - 630で720
ℓと求められます。つまり720ℓの水が毎分14ℓずつ容器から出て行くので、容器が空に
なるまでにかかる時間は、720 ÷ 14より51と7分の3分となります。

(3)はまず、毎分80ℓで2分間、つまり160ℓ容器に水が入っているはずですが、
毎分14ℓ水がでていくので、2分後に容器内には132ℓ水が入っています。つまりあと
588ℓの水を12分間で入れれば、よいこととなります。よって毎分 0ずつ水を入れる
とすると、1分間に容器にたまる水の量は - 14ℓなので12分間では、これだけの量が
入ります。これが588と等しいことが分かるので、これを計算すると、毎分63ℓずつ入
ればよいこととなります。

4は規則性の問題です。

(1)はまず10の位から考えます。アのライトは0～9までで、図より7回光ります。
00～99までタイマーを動かしたとき、10の位には0から9までの数字が、それぞれ
10回ずつ光ることになります。つまりアのライトは7 × 10回光ります。

次に1の位を考えると、同様にイのライトは、0から9までで図より7回光ります。こ
ちらも、00～99までタイマーを動かしたとき、1の位には0から9までの数字がそれ
ぞれ10回ずつ光ることになりますので、イのライトも7 × 10回光ります。

よってアとイのライトが光った合計回数は140回となります

(2)も(1)と同様に考えていきます。ウのライトとエのライトはどちらも0～9ま
でで、図より7回光ります。よって(1)より00～99までタイマーを動かしたときウ
とエのライトが光った合計回数は140回となります。

問題は合計200回光ったとき表示されている状態ですから、再び00～スタートし、60回
光った状態を考えればよいこととなります。

00～再びスタートしたとき10の位が0の時と1の時、ウのライトは光らないので、
エのライトが0から9まで7回光ります。次に10の位が2の時と、3の時はウのライトが
10回光り、エのライトが0から9まで7回光ります。ここまでで、ウとエのライトは、

先程の140回と合計して188回光っています。

10の位が4のとき、ウのライトは光ります。タイマーが40の時エのライトは光らないので、光った合計回数は、189回。41も同様に考えて190回。42からはエのライトが光るので、合計回数がこのように2回ずつ増えていき46のとき200回光ることがわかります。

よって表示されている状態は、画面のようになります。

5はグラフを読み取る問題です。

まず、水道管A、Bで水を入れている容器をそれぞれ、容器A、Bとして、解説させていただきます。

水道管AとBで、BのほうがAよりも1分間にたくさん水が出るとするとAが断水になったとき、画面のように2つの容器に入った水面の高さの差は、大きくなります。

しかし、グラフは差が小さくなっているため、水道管AのほうがBよりも1分間にたくさんの水が出ることがわかります。

よって、グラフより3分後に容器Bより、容器Aは8cm水面が高くなります。その後、2つの水面の高さの差が縮まっているため、水道管Aは水を入れ始めてから3分後に断水になったといえます。

3分後以降、容器Bの水面は、容器Aと同じ高さとなり、差がなくなります。またその後、グラフより容器A、Bの水面の高さに差が出てきますが、このとき、水道管Aから水が出始めたとなると、容器A、Bの水面の高さはグラフのように、差が縮まっていくことはないため、この時点では、まだ水道管Aは断水していることとなります。つまり、容器Bの水面が上がっていることとなります。そして、分後に容器A、Bの水面の高さが縮まってきているので再び容器Aに水が入りだしたことになります。

このときグラフより容器Bのほうが容器Aより、6cm水面が高くなっています。また、13分後には容器Aのほうが、容器Bより2cm水面が高くなっています。つまり、合計で8cm差がつくこととなります。

初めに、3分で8cmの差ができることを説明しました。よって、は $13 - 3$ で10となります。

この問題は記述式の問題です。3分後に水道管Aが断水したことなどグラフが読み取れていた場合は部分点が入ります。

(2)は(1)よりグラフの青い部分は、容器Bだけ水を入れていることがわかります。つまり7分間で14cm水面が高くなっていることとなります。よって、水道管Bは $14 \div 7$ で毎分2cmずつ水面が高くなることがわかります。

(3)は(1)よりグラフのこの部分は容器Aの水面の高さがBと等しくなるまでを表

しています。その後、容器A、Bとの水面の高さの差は大きくなっていくはずですが、しかし、13分後以降は差が小さくなっています。これは、13分後に容器Aが満水となり、水面の高さが変わらなくなったため、容器Bの水面との差が縮まっていくことを表しています。つまり、グラフのこの部分で、容器Bも満水になったため差が0になったこととなります。

では、容器Bが何分後に満水になったかを考えていきます。13分後に2つの水面の高さの差は2cmでした。グラフのこの部分は容器Bの水面だけが高くなります。よって、容器Aが満水になってから1分後、つまり、14分後に容器Bも満水になることが分かります。容器Bにはずっと水を入れていたので容器の高さは $2 \times 14 = 28$ cmとなります。

6は、図形の問題です。まず、図形の性質を考えていきます。

1辺が1の正方形があるとき、面積は1です。

1辺の長さを元の2倍とすると、面積は $2 \times 2 = 4$ 元の4倍です。

1辺の長さを元の3倍とすると、面積は $3 \times 3 = 9$ 元の9倍です。

つまり、1辺の長さが元の n 倍とすると、面積は元の n^2 倍となります。この性質を使って解いていきます。

(1)は図のこの3つの三角形は、合同な正三角形なので、この3つの辺の長さは等しくなります。つまり、1番大きな正六角形の1辺の長さを1としたとき、1番小さな正六角形の1辺の長さは3分の1になっていることが分かります。よって面積は、 $3 \times 3 = 9$ 分の1となります。

この問題は記述式の問題です。今ご説明した解き方でなくても赤い正三角形に注目して一番大きな正六角形の面積を求めていった場合も部分点が入ります。

(2)はまず、作業を1回まで終えたときの黒い部分と白い部分の面積を比較してみます。(1)と同様にこの3つの三角形は、合同な正三角形なのでこの3つの辺の長さは等しくなります。よって、画面の青い三角形と赤い三角形は、底辺の長さが等しく、高さが同じなので面積は等しくなります。この2つの三角形は、それぞれ6個ずつあり、これらは全て面積が等しいこととなります。つまり、1回目までの作業を終えたときの黒い部分の面積と白い部分の面積の差は一番内側にできた正六角形の面積となります。

同様に考えて、作業が2回まで終わっている場合も、画面の青い正六角形は作業が1回終わったときと同じ図形なので、黒い部分の面積と白い部分の面積の差は、一番内側にできた正六角形の面積となります。

よって、6回の作業を繰り返しても、黒い部分の面積と白い部分の面積の差は一番内側にできた正六角形の面積となります。

(1)より最初の正六角形の面積を1とすると、2回の作業を終えたときの一番内側の正六角形の面積は9分の1だったので、6回の作業を終えたときの一番内側の正六角形の

面積は、 729 分の 1 となります。ここで最初の正六角形と 6 回作業を終えたときの一番内側の正六角形の面積比は 1 対 729 分の 1 。つまり 729 対 1 と考える事ができます。このとき、黒い部分と白い部分の面積を足すと最初の正六角形の面積。そして先程ご説明したように、黒い部分と白い部分の面積の差が一番内側の正六角形の面積に当たるのでそれぞれ 729 と 1 となります。この 2 つの式から、黒い部分の面積の 2 倍が 730 となります。

よって黒い部分の面積は 365 、白い部分の面積が 364 となるので、答えは、 $365 : 364$ となります。